

solution:

En appliquant

P.F.D:

- système étudié $\{ e \}$

• Bilan de forces: $\rightarrow \vec{F}_e$: la force électrostatique
($\vec{F}_e = q\vec{E}$)

$\rightarrow \vec{F}_r$: la force de frottement.
($\vec{F}_r = -k\vec{v}$)

le sens ~~est~~ contraire / m/k

d'où:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \iff \vec{F}_r + \vec{F}_e = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

En régime permanent, la vitesse $\vec{v} = \frac{-e}{k} \vec{E}$

passons

$$\mu = \frac{-e}{k}$$

on obtient :

$$\vec{v} = \mu \vec{E}$$

= correction =

EXO 1:

$$\left. \begin{array}{l} \text{a) On a } P = RI^2 \\ \text{et } U = RI \end{array} \right\} \Rightarrow I = \frac{P}{U}$$

AN: $\left[I = 1,74 \text{ A} \right]$

$$\text{b) On a } U = RI \Rightarrow R = \frac{U}{I}$$

AN: $\left[R = 132,25 \Omega \right]$

EXO 2:

EX02:

$$\textcircled{1} \text{ na } U = R \cdot I \Rightarrow R = \frac{U}{I} \text{ et } I = \frac{P}{U}$$

$$\Rightarrow R = \frac{U^2}{P}$$

AN: $\left[R = 1,4 \Omega \right]$

EX03:

$$\text{On a } R = \rho \cdot \frac{L}{S} \Rightarrow \rho = \frac{R \cdot S}{L}$$

$$\text{avec : } S = \pi \cdot r^2 = \pi \cdot \frac{a^2}{4}$$

$$\underline{\text{AN:}} \quad \rho = 4,7 \cdot 10^{-7} \text{ } \Omega \cdot \text{m}$$

Ex 4:

$$\text{On a } R = \rho \frac{l}{S}$$

$$\Rightarrow \underline{AN}: R = 6,72 \text{ m}\Omega$$

Ex 5:

a) L'intensité du courant $I = 5 \text{ A}$ est constante.
Le durée de la charge est $t = 10 \text{ s} = 3,6 \times 10^{-2} \text{ h}$

\Rightarrow La quantité d'électricité qui circule dans les fils d'alimentation vaut donc: $Q = I \cdot t$

$$\underline{AN}: Q = 1,9 \times 10^4 \text{ C}$$

b) La valeur absolue de la charge d'un électron est $|e| = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$.

Pour avoir la charge Q , il a donc circulé dans les fils N électrons tq: $Q = Ne$

$$\text{donc: } N = \frac{Q}{e}$$

$$\underline{AN}: N = 1,2 \cdot 10^{22} \text{ électrons}$$

EX06:

1 / La densité de courant est $j = nqv$ avec: $n = 1.4 \times 10^{23} \frac{NA}{M} \left(\frac{C}{m^3} \right)$
et $j = 10^6 \text{ A/m}^2$; d'où $\left(v = \frac{j}{nq} \right) = 0$ AN: $v = 0,05 \text{ mm/s}$
(on a bien $v \ll c$).

Puisque j et v sont proportionnels, la densité de courant doit être de 20 A/mm^2 pour entraîner les électrons à la vitesse de 1 mm/s .

2 / Loi d'Ohm: si un électron n'était soumis qu'à la force électrique $\vec{F} = q\vec{E}$, sa vitesse croîtrait indéfiniment (accélération constante). Il y a donc une force de frottement proportionnelle

EX06:

2/ La densité de courant est $j = nqv$ avec $n = 1.4 \times 10^{23} \frac{N_A}{m^3} \left(\frac{C}{m^3} \right)$
et $j = 10^5 \text{ A/m}^2$; d'où $\left(v = j/nq \right) \Rightarrow \frac{AN}{m^3} \cdot v = 0.05 \text{ mm/s}$
(on a bien $v \ll c$).

Puisque j et v sont proportionnels, la densité de courant doit être de $2 \times 10^5 \text{ A/m}^2$ pour entraîner les électrons à la vitesse de 1 mm/s .

e/ Loi d'Ohm: si un électron n'était soumis qu'à la force électrique $\vec{F} = q\vec{E}$, sa vitesse croîtrait indéfiniment (accélération constante). Il y a donc une force antagoniste de freinage proportionnelle à la vitesse, telle que $\sum \vec{F} = \vec{0}$ soit $q\vec{E} - k\vec{v} = \vec{0}$
Or $\vec{j} = nq\vec{v}$ d'où $\vec{j} = \frac{nq^2}{k} \cdot \vec{E} = \sigma \vec{E}$ (loi d'Ohm locale)

3/ Régime transitoire:

$$m \cdot \frac{d\vec{v}}{dt} + k\vec{v} = q\vec{E}$$

d'où la vitesse limite

$$v_L = \frac{qE}{k}$$

4/ On coupe le circuit à t_0 , l'éq. devient:

$$m \cdot \frac{d\vec{v}}{dt} + k\vec{v} = \vec{0}$$

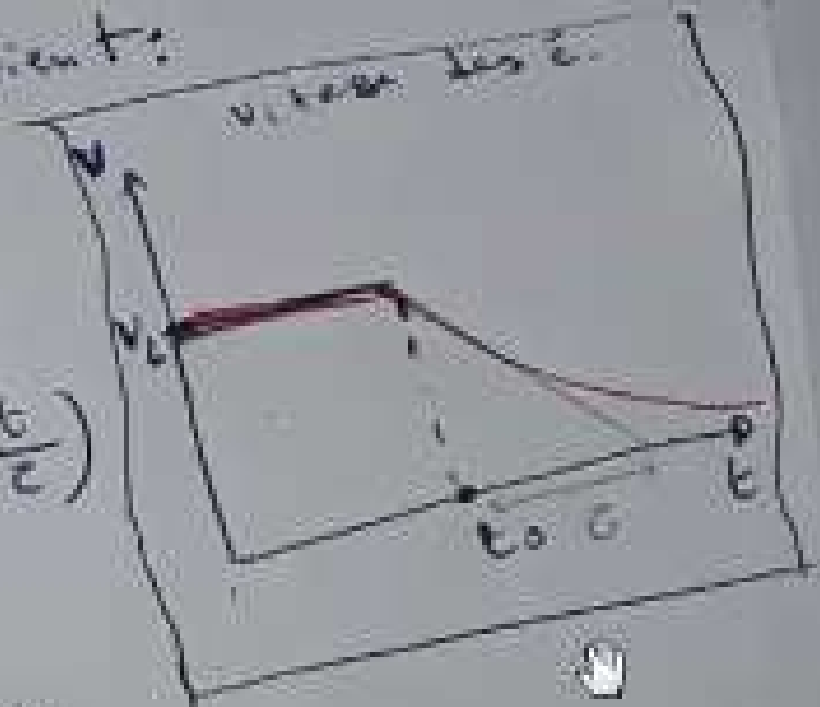
dont la solution est:

$$\text{pour } t > t_0, v(t) = v_L \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)$$

$$\text{avec } \tau = m/k = 2 \cdot 10^{-14} \text{ s.}$$

$$\text{Soit } v(t_0) = v_L/e \text{ et } v(2t_0) = v_L/e^2$$

l'électron s'arrête quasi instantanément



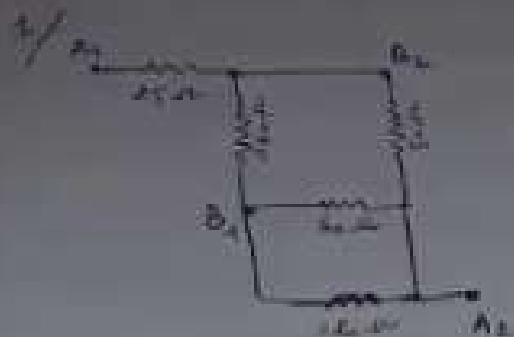
EK062

1 / La densité de courant est $j = nqv$ avec $n = 1.4 \rho \frac{NA}{M} \left(\frac{C}{m^3} \right)$
et $j = 10^6 \text{ A/m}^2$; d'où $v = j/nq$ AN: $v = 0,05 \text{ mm/s}$
(on a bien $v \ll c$).

Puisque j et v sont proportionnels, la densité de courant doit être de 20 A/mm^2 pour entraîner les électrons à la vitesse de 1 mm/s .

e / Loi d'Ohm: si un électron n'était soumis qu'à la force électrique $\vec{F} = q\vec{E}$, sa vitesse croîtrait indéfiniment (accélération constante). Il y a donc une force antagoniste de freinage proportionnelle à la vitesse, telle que $\sum \vec{F} = \vec{0}$ soit $q\vec{E} - k\vec{v} = \vec{0}$
 $\vec{v} = \sigma \vec{E}$ (loi d'Ohm locale)

Exercice



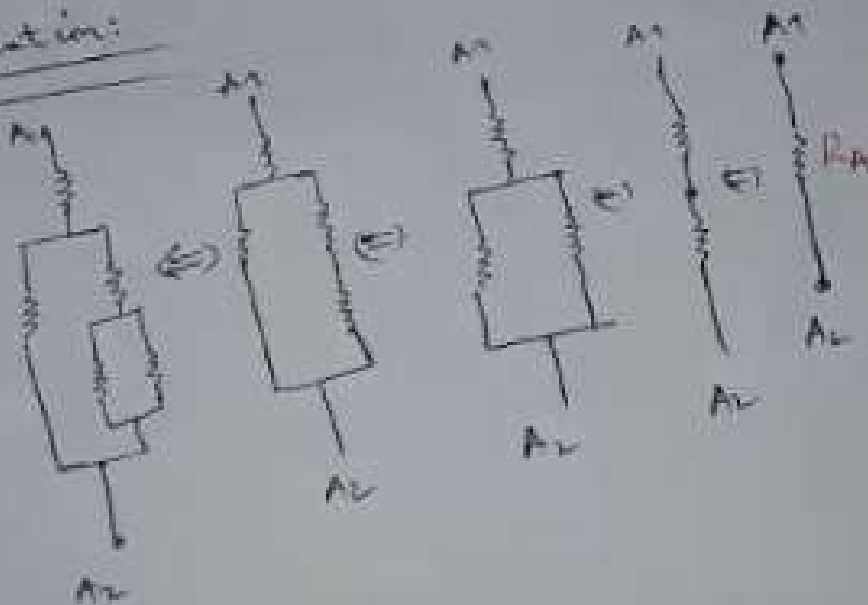
a) La résistance équivalente entre A_1 et A_2 est:

$$R_A = 65 \Omega$$

b) La résistance équivalente entre B_1 et B_2 est:

$$R_B = 57,6 \Omega$$

explication:



Exercice 8:

EX 08:

Les résistances de $3\ \Omega$ et $6\ \Omega$ en // dans la branche centrale sont équivalentes à une résistance de $2\ \Omega$, donc la résistance de cette branche vaut $R_2 = 2 + 10 = 12\ \Omega$

Les résistances de $9\ \Omega$ et $18\ \Omega$ en // dans la branche inférieure sont équivalentes à une résistance de $6\ \Omega$

Finalement, entre les points C et B, il y a trois résistances en // : $R_1 = 12\ \Omega$, $R_2 = 12\ \Omega$, $R_3 = 6\ \Omega$.

Regroupons d'abord R_1 et R_2 : on obtient finalement $R_{12} = 6\ \Omega$.

Regroupons maintenant R_{12} avec R_3 on obtient facilement $R_{123} = 3\ \Omega$: c'est la résistance équivalente placée entre les points C et B. Il ne plus qu'à lui additionner la résistance de $7\ \Omega$ placée en série.

La résistance totale entre A et B vaut donc:

$$R = 3 + 7 = 10\ \Omega$$

EKO.9: Mobilité d'un Conducteur

soit un électron d'un conducteur sous l'action d'un champ électrique \vec{E} . Cet électron est, donc, soumis à :

→ Une force de Coulomb $\vec{F}_e = -e\vec{E}$. Avec $e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ est la charge de l'électron

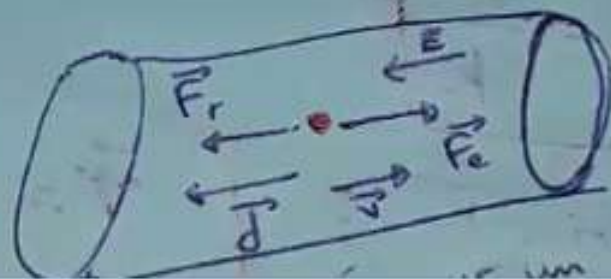
→ Une force de frottement $\vec{F}_r = -K\vec{v}$. Avec $K > 0$

Coefficient de frottement. En effet, lors de son déplacement, l'électron subira des chocs avec les autres particules (Ions, atomes, ...). Ceci se traduit par l'existence d'une force résistante \vec{F}_r

→ Une force de Coulomb $\vec{F}_e = -e\vec{E}$. Avec $e = 1,6 \times 10^{-19}$ C est la charge de l'électron

→ Une force de frottement $\vec{F}_r = -K\vec{v}$. Avec $K > 0$

Coefficient de frottement. En effet, lors de son déplacement, l'électron subira des chocs avec les autres particules (Ions, atomes, ...). Ceci se traduit par l'existence d'une force résistante \vec{F}_r de frottement qui s'oppose à la force \vec{F}_e .



un électron en m_e